



اصلاحات کتاب "پایه گرنر و کاربردهای آن" تاریخ مهرماه ۱۴۰۲

- دانشگاه صنعتی اصفهان

تمرین ۶ قسمت ث صفحه ۴۹:

راهنمایی ارائه شده برای این قسمت به صورت زیر اصلاح می‌شود: با استفاده از برهان خلف، فرض کنید این مجموعه برابر با  $V(f_1, \dots, f_k)$  باشد که برای هر  $i, f_i \in \mathbb{R}[x, y]$ . حال  $f_i$  را به صورت یک چندجمله‌ای در  $\mathbb{R}[y][x]$  در نظر بگیرید. فرض کنید  $a_0, \dots, a_t$  ضرایب  $f_i$  در این حلقه باشند. نشان دهید  $x \in \mathbb{R}$  موجود است طوری که  $a_j$ ها در  $\sin(x_0)$  مخالف صفر باشند. ثابت کنید  $f_i|_{y=\sin(x_0)}$  بینهایت ریشه دارد و به تناقض برسید.

تمرین ۶ صفحه ۲۰۵:

ترتیب تک جمله‌ای  $\prec$  باید مدرج باشد.

تمرین ۶ صفحه ۲۰۵:

$G = \{G_1, \dots, G_t\}$  باید یک پایه گرنر برای  $\tilde{I}$  نسبت به ترتیب  $x_1 \prec_{drl} \dots \prec_{drl} x_{n+1}$  باشد.

تمرین ۳ صفحه ۲۰۵: قسمت الف باید به صورت زیر باشد:

$$h(I) + h(J) \subset h(I + J) \quad (\text{آیا عکس این رابطه برقرار است؟})$$

گزاره ۶-۱۶-۳ صفحه ۲۲۲:

در اثبات این گزاره، عبارت  $g \equiv yfh \pmod{J}$  باید با عبارت  $h \equiv yfh \pmod{J}$  جایگزین شود.

لم ۳-۱۷-۳ صفحه ۲۲۷: صورت لم باید به شکل زیر باشد:

الف) اگر  $\langle x_1 \dots x_n w - 1 \rangle + x_1^{b_1} \dots x_n^{b_n} w^\beta \in \text{im}(\varphi)$  آن‌گاه اعداد طبیعی  $c_1, \dots, c_m \in \mathbb{N}$  وجود دارند طوری که  $\varphi(y_1^{c_1} \dots y_m^{c_m}) = x_1^{b_1} \dots x_n^{b_n} w^\beta + \langle x_1 \dots x_n w - 1 \rangle$ .  
ب) در صورت برقراری الف،  $(c_1, \dots, c_m)$  یک جواب دستگاه (۳-۱۷-۸) است.

نتیجه ۲-۲۱-۳ صفحه ۲۴۲: در اثبات این نتیجه عبارت

$$\varphi\left([a + b \pmod{n_1}], \dots, [a + b \pmod{n_k}]\right)$$

باید به صورت زیر باشد

$$([a + b \pmod{n_1}], \dots, [a + b \pmod{n_k}]).$$

گزاره ۷-۲۱-۳ صفحه ۲۴۴: در اثبات این گزاره عبارت

$$f \in \bigcap_{i=1}^k (f_i + I)$$

باید به صورت زیر باشد

$$f \in \bigcap_{i=1}^k (f_i + I_i).$$

الگوریتم ۳۱ صفحه ۲۵۸: در این الگوریتم،  $u_i, u_j$  باید به صورت زیر تعریف شوند  $u_i := \text{lcm}(\text{LM}(g_i), \text{LM}(g_j)) / \text{LT}(g_i)$  و  $u_j := \text{lcm}(\text{LM}(g_i), \text{LM}(g_j)) / \text{LT}(g_j)$ .